

# Earth rotation presents surprises in 2010-2020s: LOD and Chandler wobble varies

Leonid Zotov

Sternberg Astronomical Institute,  
Lomonosov Moscow State University

Moscow Institute of Electronics and Mathematics  
National Research University Higher School of Economics

Talk at Saturday Research Academy  
Moscow - San Juan – Santo Domingo

12 February 2022

# USED DATA

Combined solutions of Earth Orientation center of IERS in Paris

		time step
	- EOP C01 since 1846 r. (eopc01.iau2000.1846-now)	0.05 yr
	- EOP C01 since 1900 r. (eopc01.iau2000.1900-now.dat)	0.05 yr
	- EOP C04 since 1962 r. (eopc04_IAU2000.62-now)	1 day
	- EOP C01 since 1890 r. (eopc01.iau2000.1846-now)	0.05 yr

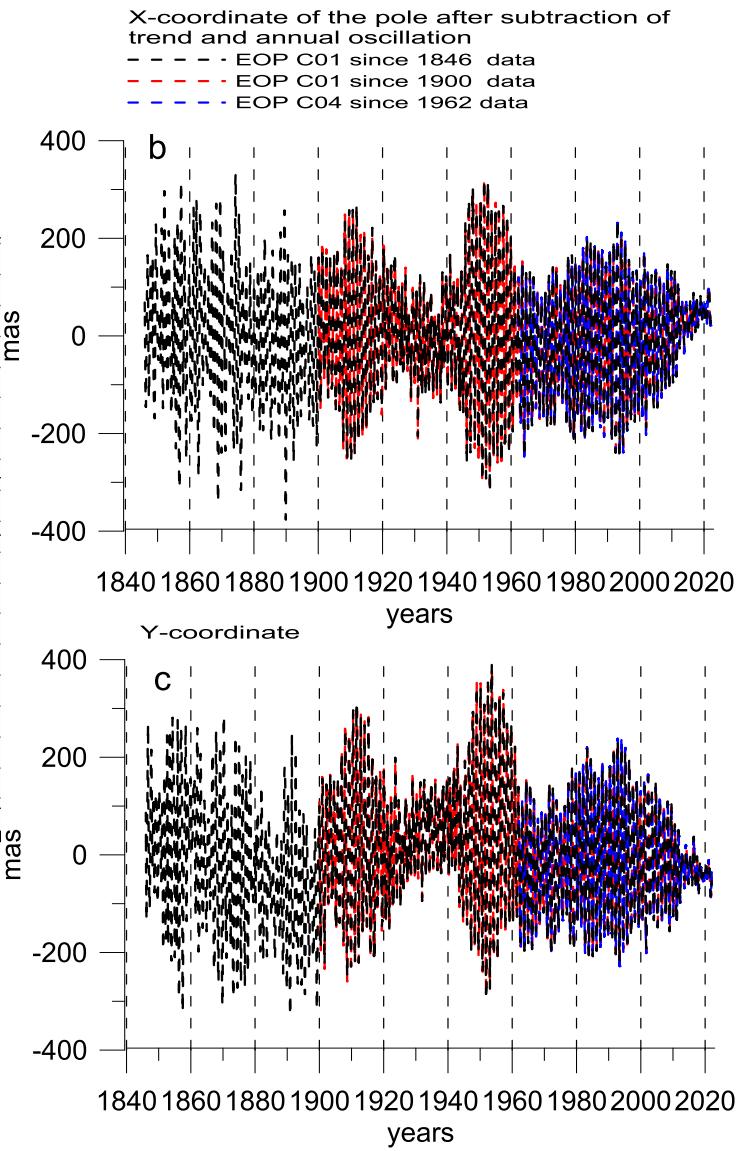
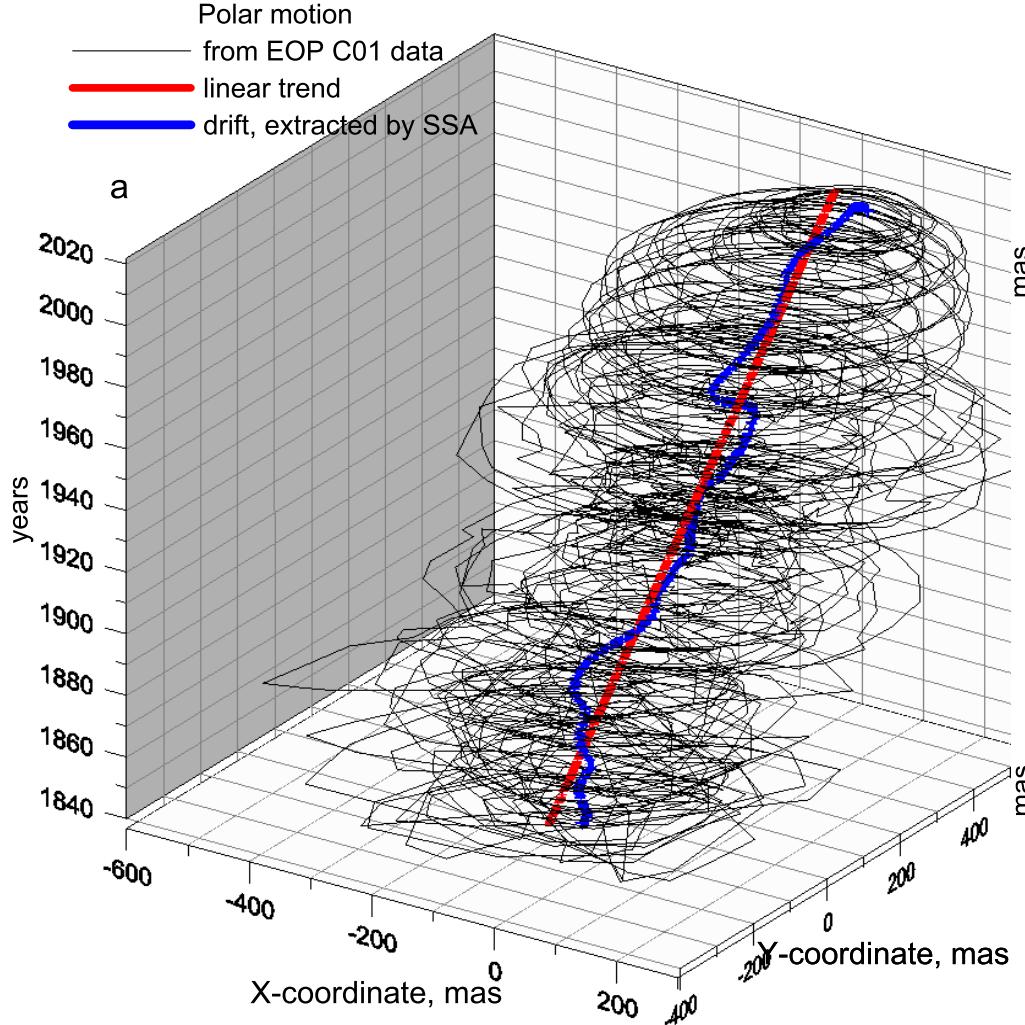
<https://hpiers.obspm.fr/eop-pc/index.php>

$$\text{Trend} \quad a(t - t_0) + b \quad t_0 = 1900 \text{ r.}$$

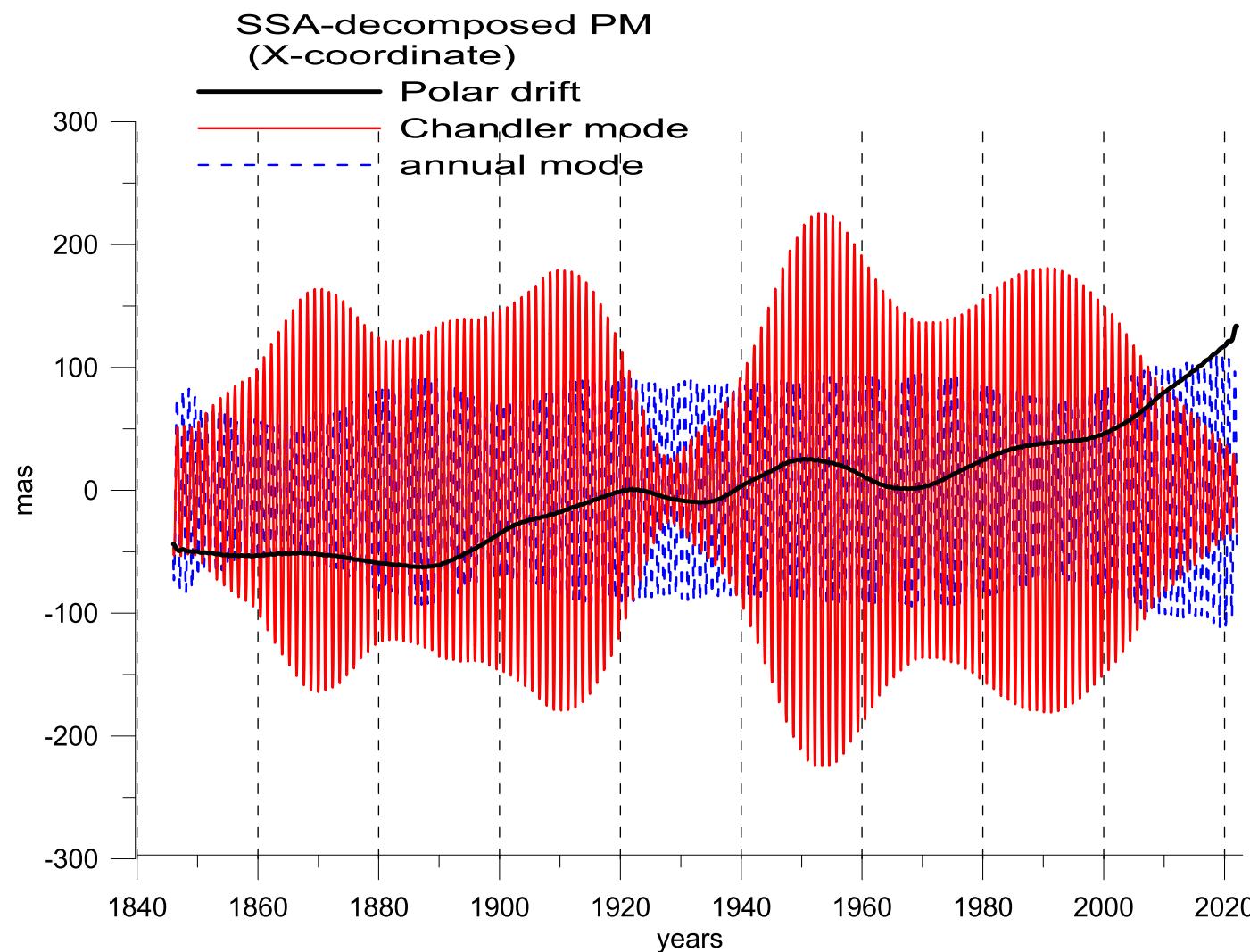
X-coordinate:  $a = 0,86 \text{ mas/year}$ ,  $b = 30,42 \text{ mas}$

Y-coordinate:  $a = 2,99 \text{ mas/year}$ ,  $b = 37,65 \text{ mas}$

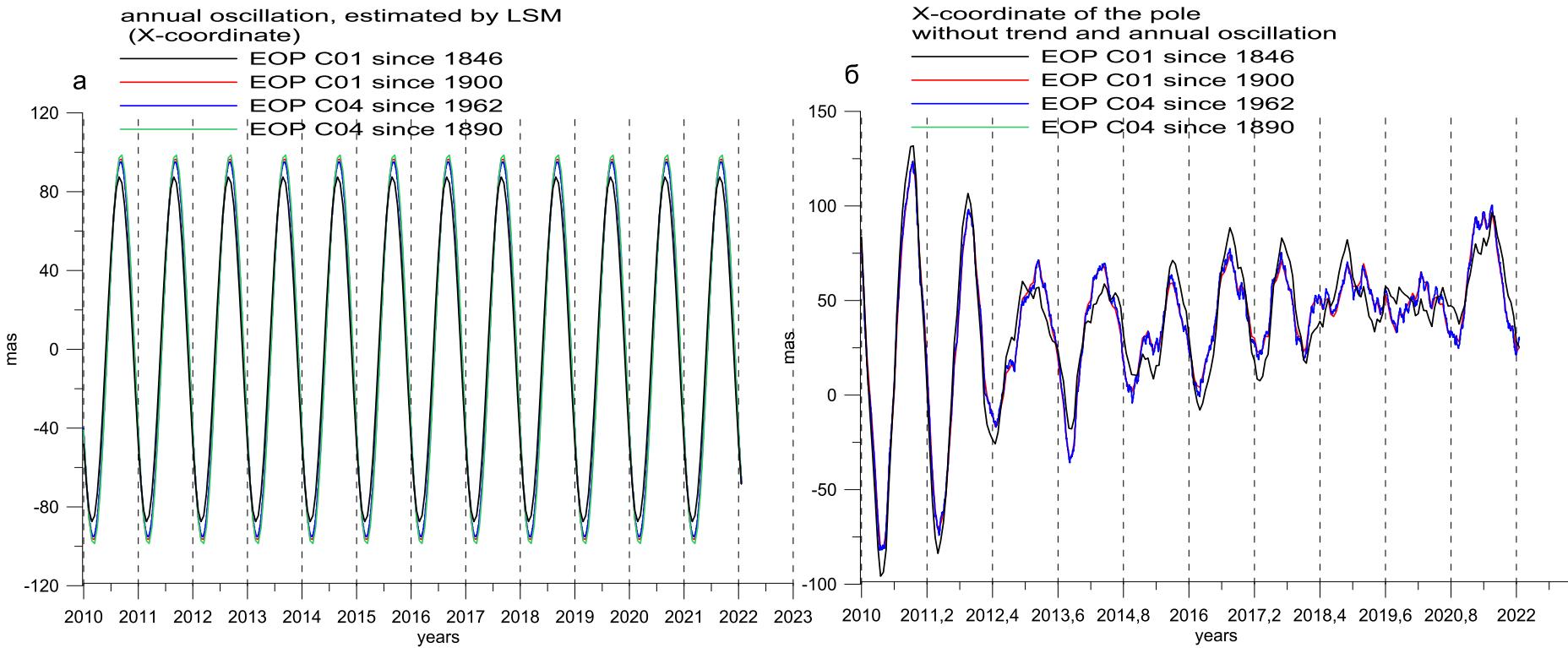
# Polar motion since 1846 year



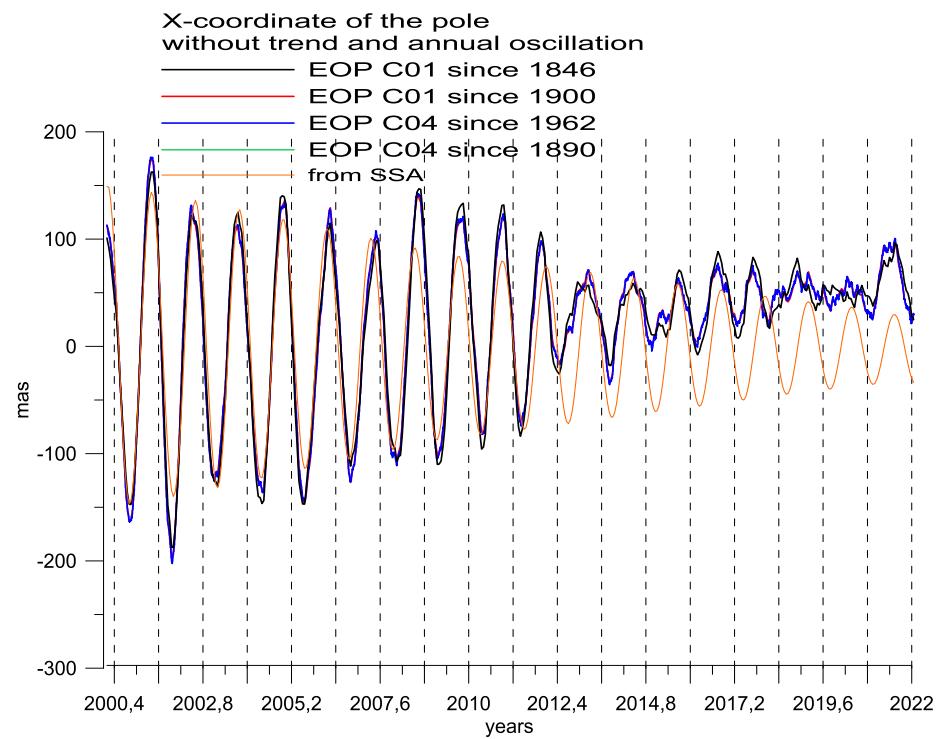
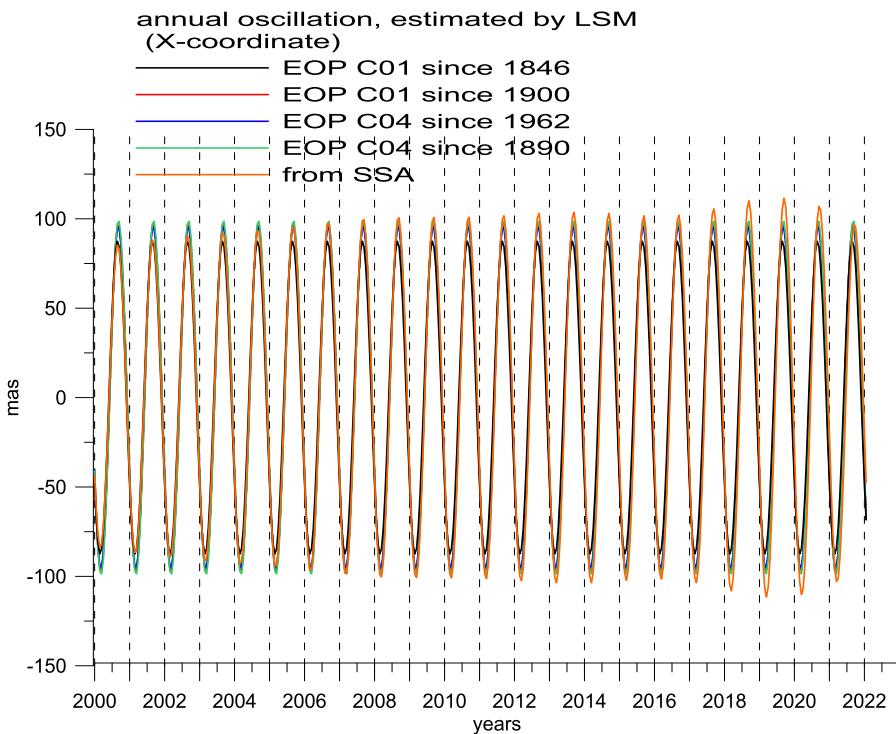
# Singular Spectrum Analysis (SSA) of PM



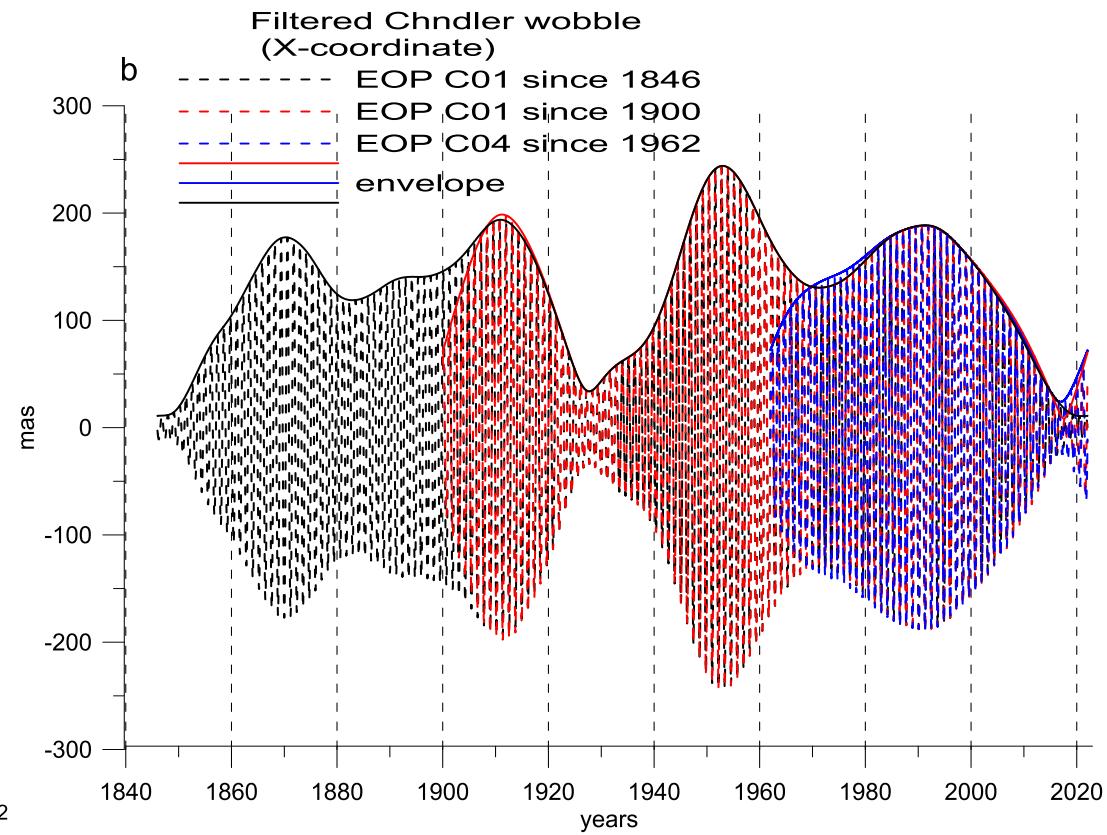
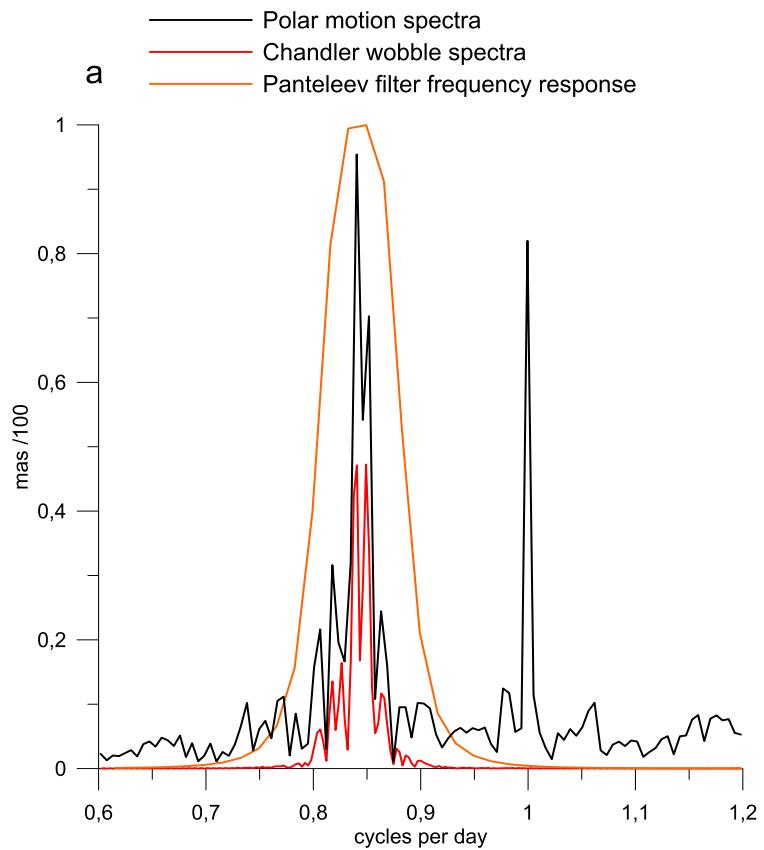
# Annual harmonic and residual series since 2010



# Annual harmonic and residual series since 2000 with SSA



# PM spectra since 1846 and filtered Chandler wobble



Frequency response of Panteleev's filter

$$L_h(f) = \frac{f_0^4}{(f - f_c)^4 + f_0^4}$$

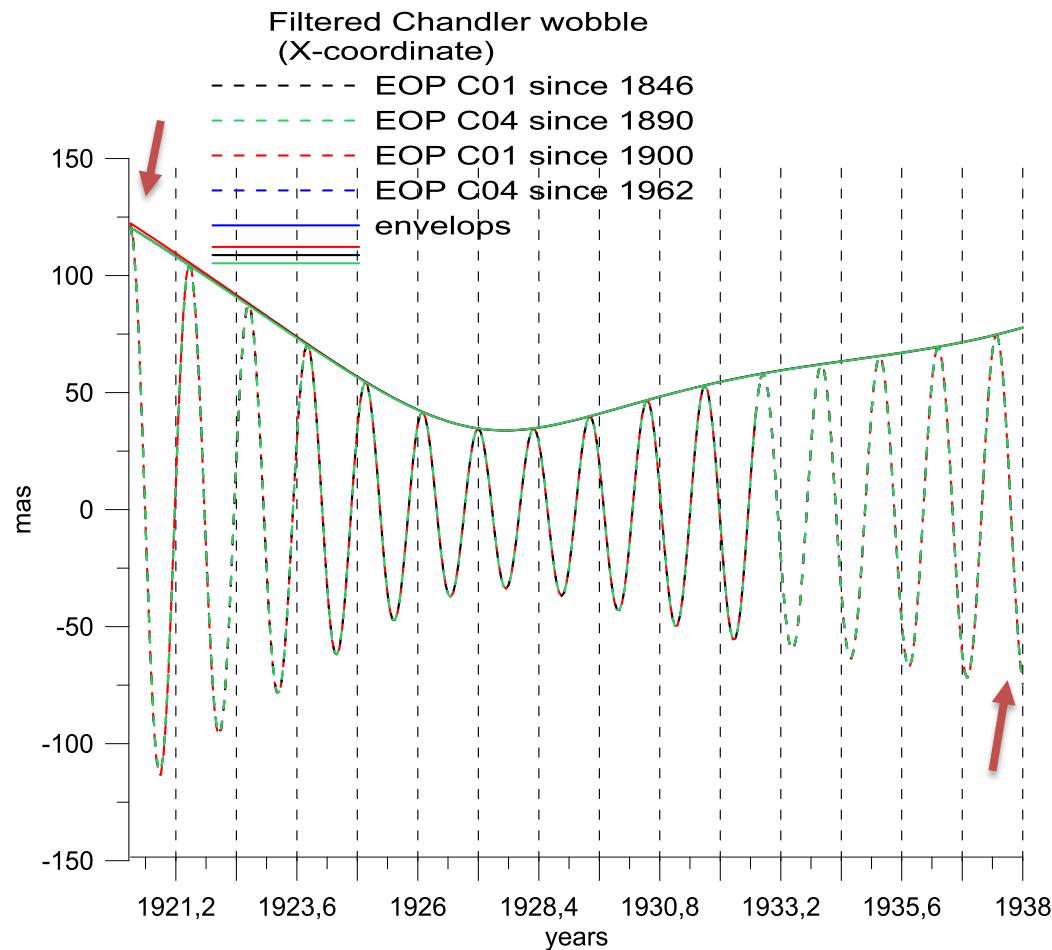
$$f_c = 1/433 \text{ days}^{-1} \quad f_0 = 0,04 \text{ years}^{-1}$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0:$$

$$h(t) = \frac{\omega_0}{2\sqrt{2}} e^{-(\frac{\omega_0|t|}{\sqrt{2}} - i2\pi f_c t)} \left( \cos \frac{\omega_0 t}{\sqrt{2}} + \sin \frac{\omega_0 |t|}{\sqrt{2}} \right)$$

Panteliev's window

# Phase drift of the Chandler wobble in 1920-1940



# Modulations can be produced according to the low

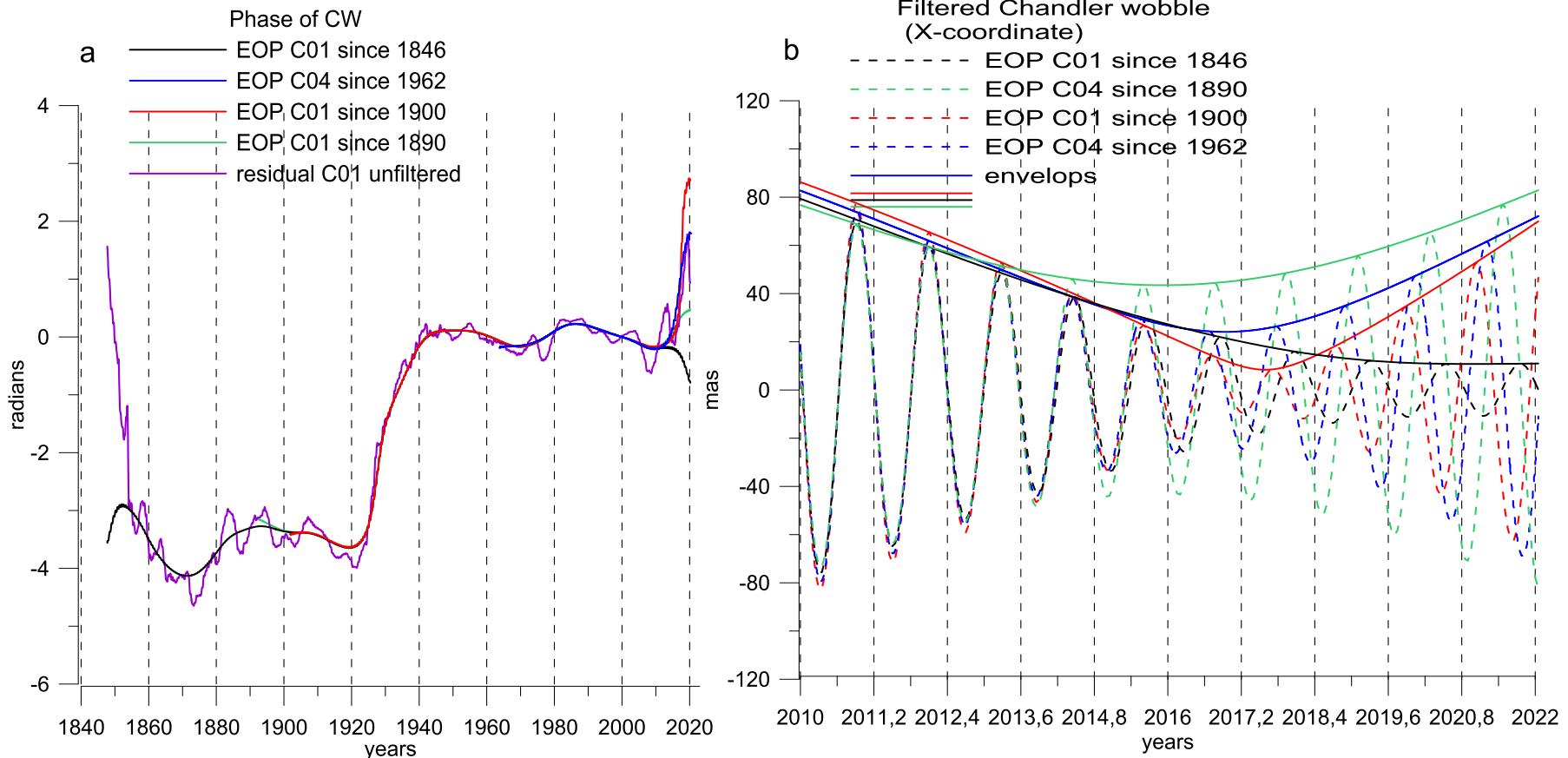
---

Если воспользоваться формулой сложения косинусов

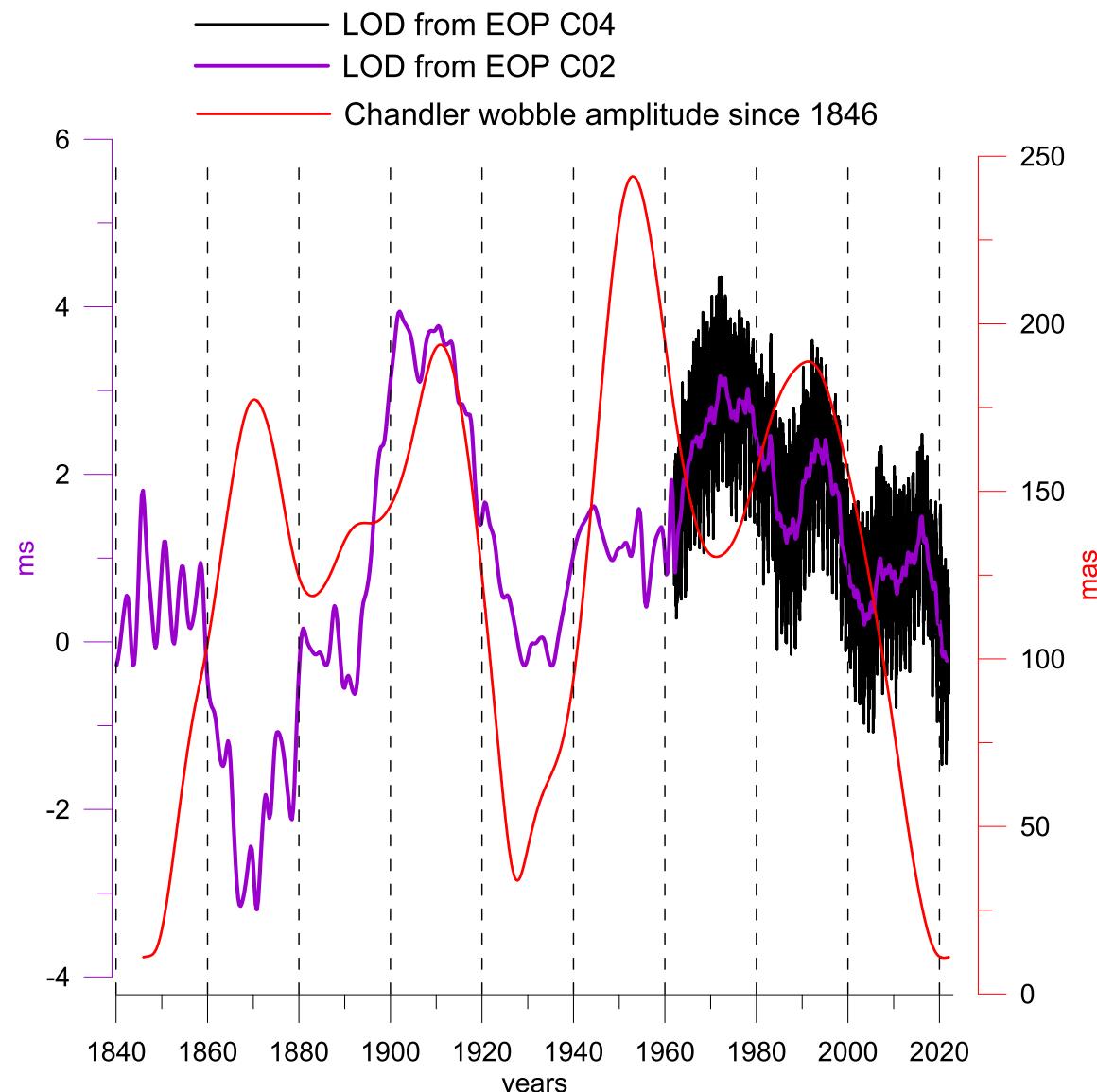
$$\cos \omega_1 t + \cos \omega_2 t = 2 \cos \frac{(\omega_1 - \omega_2)t}{2} \cdot \cos \frac{(\omega_1 + \omega_2)t}{2},$$

видно, что близкие частоты  $\omega_1, \omega_2$  дают колебание на промежуточной частоте с амплитудной модуляцией низкой частоты, равной полуразности между ними. Из спектра ЧДП на рис. 2а заметно что наличие двух пиков с частотами  $\omega_1 = 2\pi \cdot 0.84$ ,  $\omega_2 = 2\pi \cdot 0.85$ , которое даёт модуляцию частотой  $(\omega_1 - \omega_2)/2 \approx 2 \cdot \pi \cdot 0.005$ , т.е. периодом около 200 лет. При этом половину периода знак модулирующего косинуса будет положительным, половину – отрицательным. Переход амплитуды модуляции через ноль как раз и будет эпохой минимума ЧДП с одновременной сменой фазы на  $\pi$ .

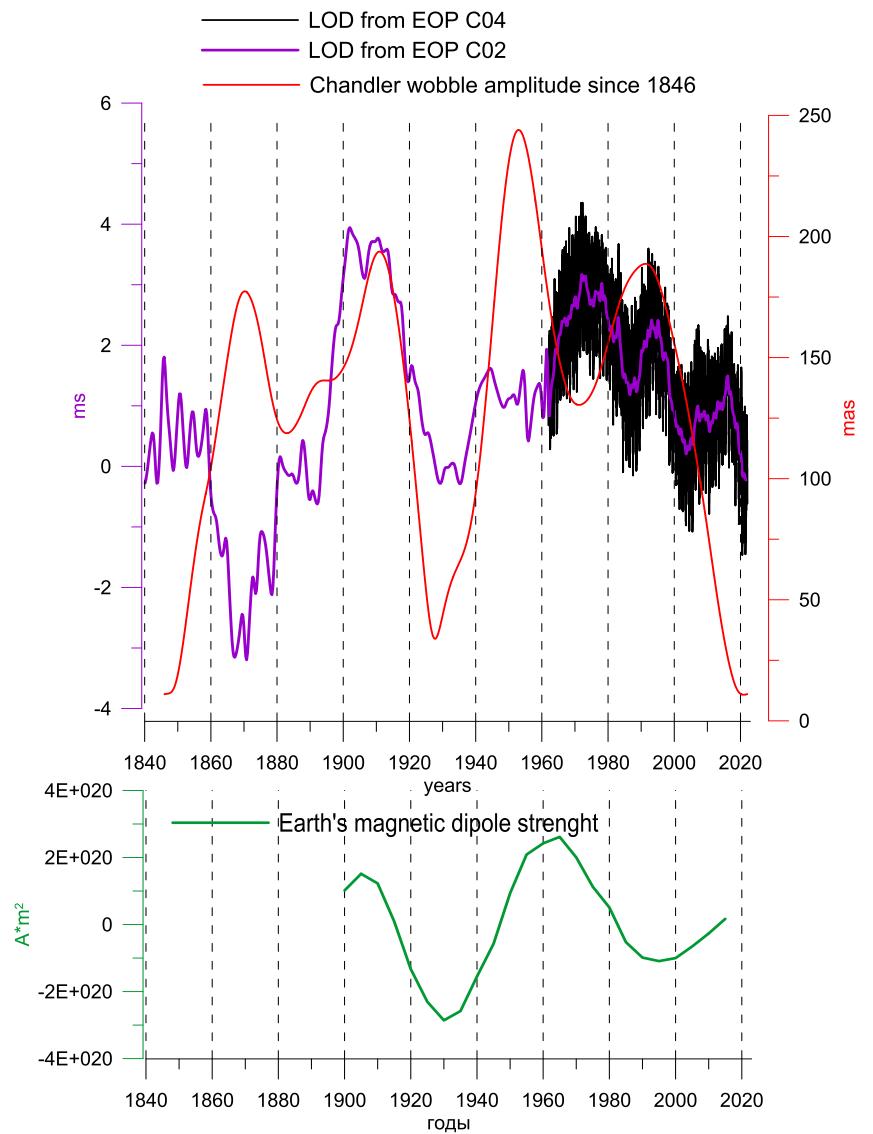
# Chandler wobble - phase drift and amplitude changes



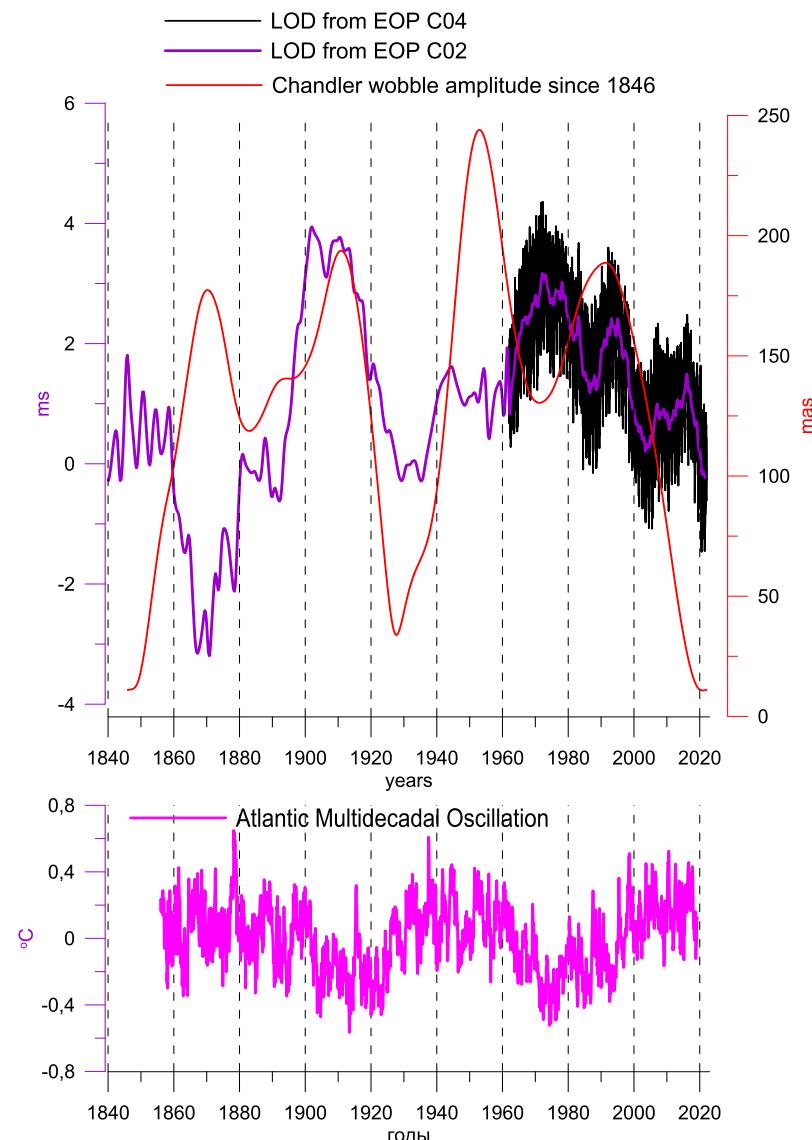
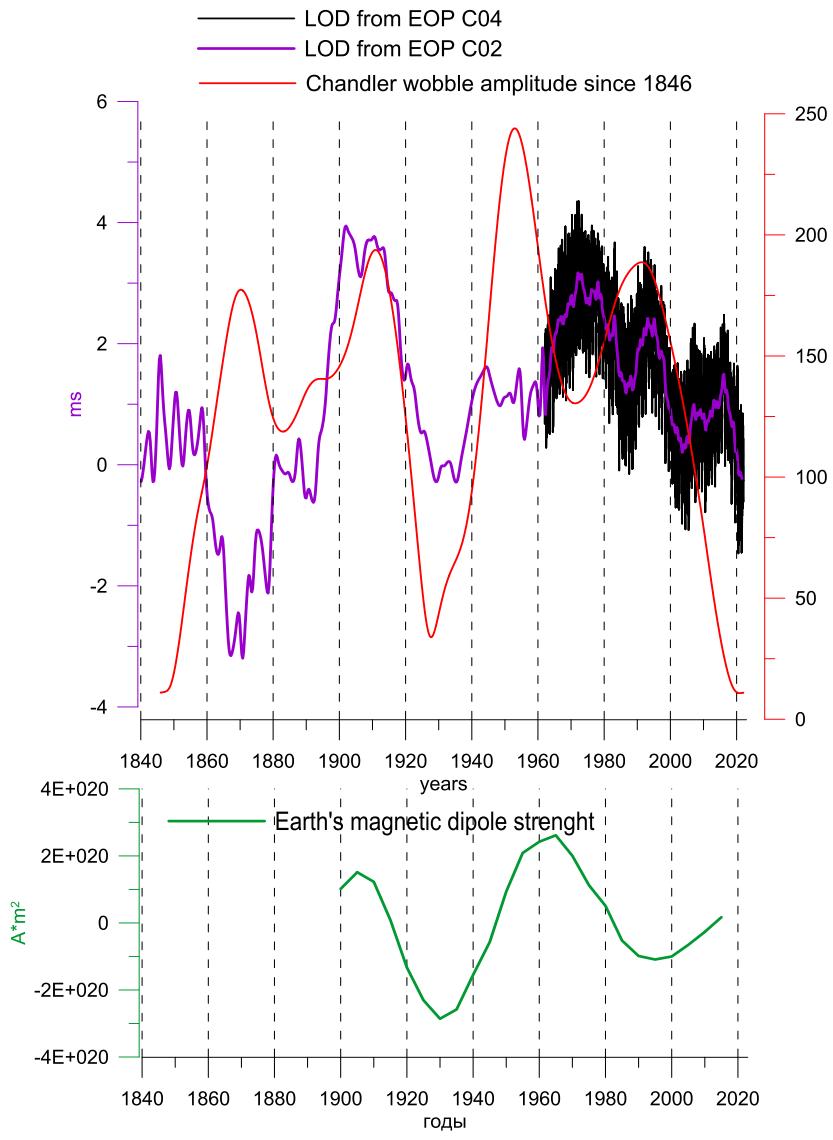
# Chandler wobble and LOD since 1840



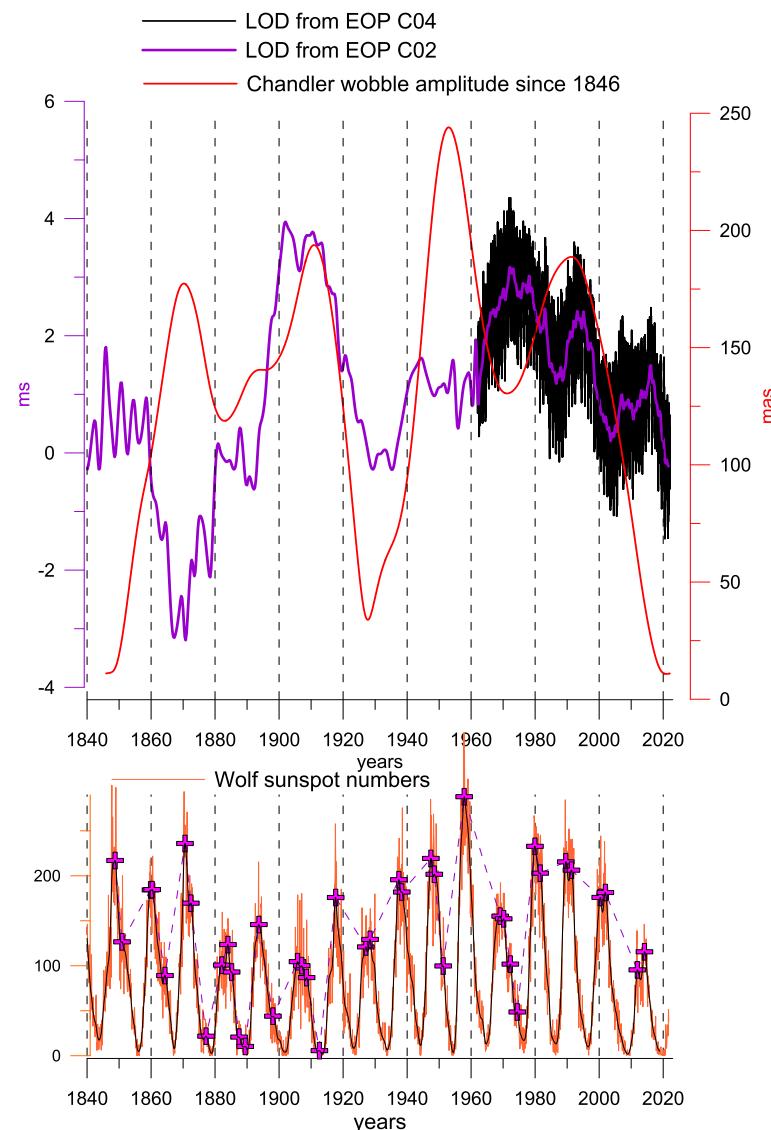
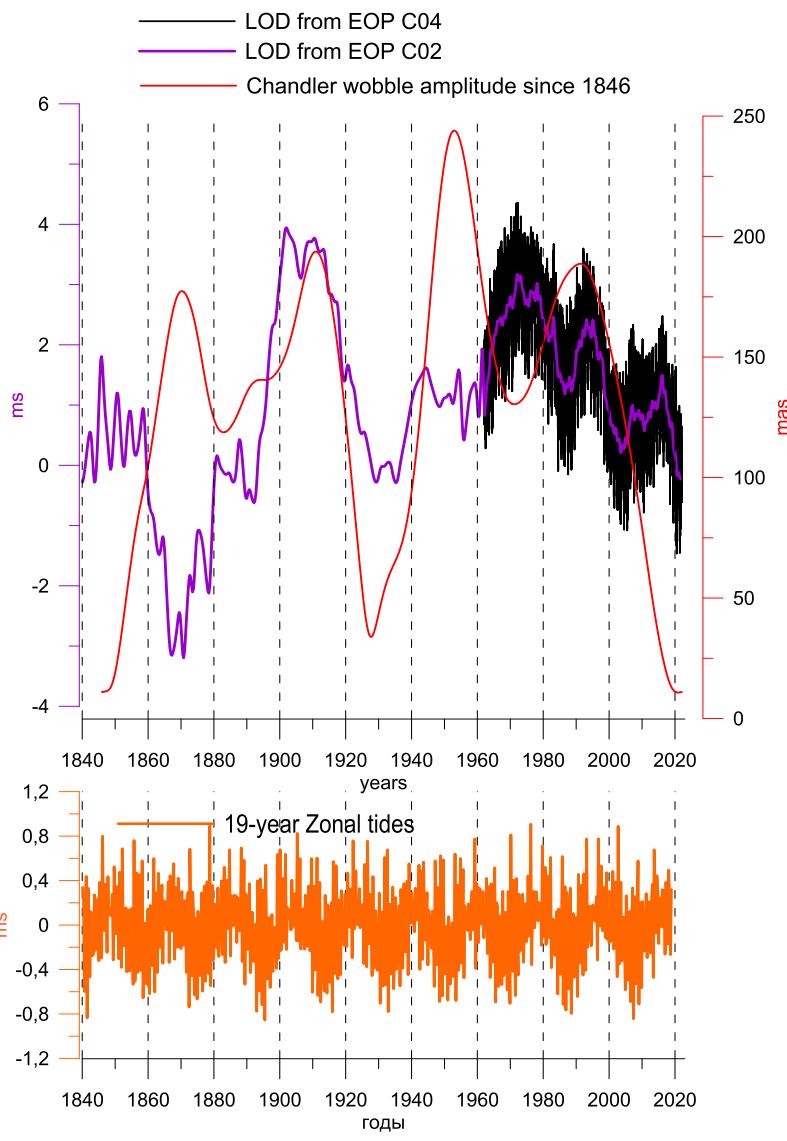
# Chandler wobble and LOD since 1840



# Chandler wobble and LOD since 1840 with other factors



# Chandler wobble and LOD since 1840 with other factors



# Conclusions

---

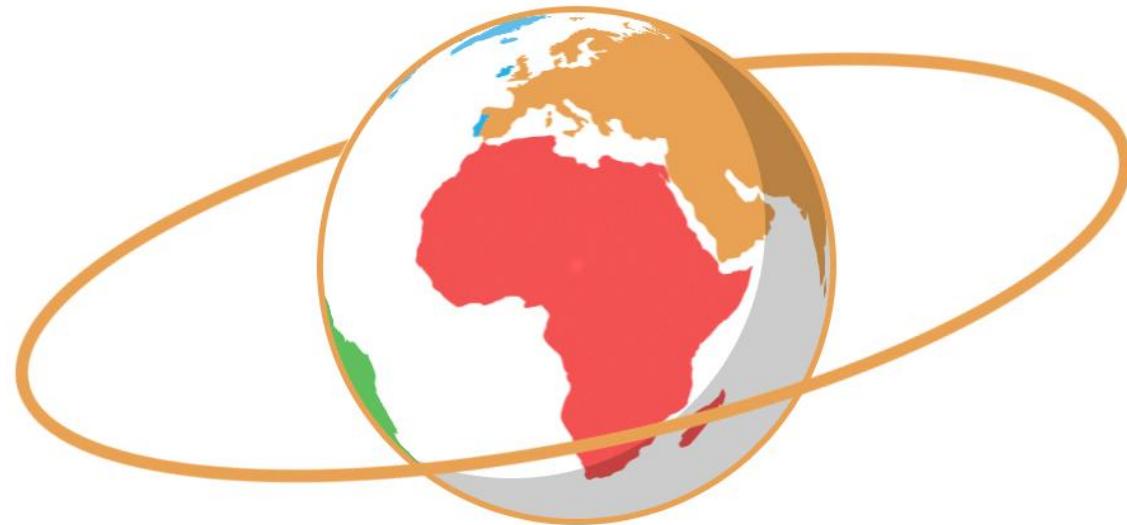
- Chandler wobble decayed in 2016-2020 and appeared again in 2021 г
- Phase of the CW increased by 2 radians since 2000 and continues to grow
- We are witnesses of the repetition of the phenomena, happened around 1926
- Earth rotation velocity is increasing since 2016
- Is there connection between CW and LOD and/or other processes is to be studied

# Literature

---

1. Л. Зотов, К. Бизуар, Почему Земля вращается неравномерно и как это влияет на ход времени. // Природа РАН, N 3, 2021, стр. 26-29.
2. Авсюк Ю. Н. Приливные силы и природные процессы, ИФЗ им. О.Ю. Шмидта, М, 1996.
3. Sidorenkov N.S., The Interaction Between Earth's Rotation and Geophysical Processes, Wiley-VCH Verlag, Weinheim, 2009
4. Фёдоров Е.П., Яцкив Я.С. О причинах кажущегося ``раздвоения'' периода свободной нутации Земли. // Астрономический журнал. 1964. Том XLI, вып. 4, С. 764-768.
5. Яшков В.Я. Исследование спектра движения полюса. // Астрономический журнал. 1964. 167, Том XLI, вып. 4, С. 760-763.
6. Bizouard Ch., Geophysical modelling of the polar motion, De Gruyter, 2020.
7. Зотов Л.В., Исследование связей между вращением Земли и геофизическими процессами, дисс. докт. физ.-мат. наук, М. МГУ, 2019
8. Gross R., 2015, Estimating the Q of the Chandler Wobble from Its Free Decay, poster at IUGG, EGU2015-6194, Prague 2015
9. Brzezinski A., Nastula J., Oceanic excitation of the Chandler wobble, //Adv. Space Res., 30(2), 381-386, 2002.
10. Malkin Z.M., Miller N. Chandler wobble: two more large phase jumps revealed, //Earth Planets Space, 62, 943–947, 2010.

Thank you for attention!



Muchas gracias!